

شعبة : العلوم التجريبية (3 ع ت)

ثانوية عبد الرحمان الكواكبي - تبسست -

المدة: 3 ساعات

السنة الدراسية: 2017/2016

الاختبار الثاني في مادة الرياضيات

**التمرين الأول: (4 نقاط)**

(1) حل في  $R$  المعادلتين ذات المجهول  $x$  التاليتين:

$$e^{x+2} - e - 2e^{-x} = 0$$

$$\ln|2x + 1| + \ln|x - 1| = \ln 2$$

(2) عين العددين الحقيقيين  $x$  و  $y$  حيث:

$$\ln x + \ln y = \ln 875 \quad \text{و} \quad x + y = 60$$

**التمرين الثاني: (4 نقاط)**

ينسب المستوي المركب لمعلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ,  $z = x + iy$  عدد مركب حيث  $z \neq -2$  و  $x$  و  $y$  عددا حقيقيان

$$L = \frac{z-4i}{z+2} \quad \text{حيث } L \text{ عدد المركب}$$

(1) أكتب  $L$  على الشكل الجبري

(2) عين وأنشئ (E) مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  التي يكون من أجلها  $L$  حقيقيا

(3) عين وأنشئ (F) مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  التي يكون من أجلها  $L$  تخيليا صرفا

(4) عين وأنشئ (d) مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  التي يكون من أجلها  $|L| = 1$

**التمرين الثالث: (5 نقاط)**

نعتبر الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، وليكن المستوي (p) الذي معادلته هي :

$$(p): 2x - y + 2z - 4 = 0$$

(1) أعط تمثيلا وسيطيا للمستقيم (d) الذي يشمل النقطة  $A(0, 1, -2)$  ويعامد المستوي (p)

(2) عين نقطة تقاطع المستقيم (d) مع المستوي (p)

(3) أحسب  $d(A, (p))$  ، مسافة النقطة A إلى المستوي (p)

(4) أكتب معادلة سطح الكرة (S) ذات المركز A والتي تمس المستوي (p)

(5) جد معادلة ديكارتية للمستوي (Q) الذي يمس هو أيضا سطح الكرة (S) ويوازي تماما المستوي (p).